# CALCULS DE CONFORMATION SUR LES SYSTEMES TENDUS.

## DERIVES DU BICYCLO[3.2.1]OCTANE HYDROCARBURE, CETONE EN -3 ET DERIVES BROMES CORRESPONDANTS

J. FOURNIER

Laboratoire de Chimie Organique Physique associé au C.N.R.S. Université de Provence-Centre St-Jérôme Traverse de la Barasse-Marseille-France

et

### **B. WAEGELL\***

Laboratoire de Stéréochimie associé au C.N.R.S. Université de Provence-Centre St-Charles Place V. Hugo-Marseille-France

(Received in France 27 October 1971; Received in the UK for publication 11 January 1972)

**Résumé**—Nous présentons ici les calculs de conformations dans la série du bicyclo[3.2.1]octane concernant l'hydrocarbure, la cétone en -3 et les dérivés bromés correspondants. La méthode de calcul a été exposée dans un précédent mémoire; nous utilisons les mêmes fonctions d'interaction, ainsi que d'autres fonctions pour des raisons qui sont discutées. Dans le présent travail, nous avons considéré des molécules ne possédant pas de plan de symétrie a priori, ce qui a nécessité des programmes plus lourds. Les différents résultats sont analysés et comparés, et montrent que ce type de calcul est beaucoup plus fiable en ce qui concerne les résultats géométriques que pour ce qui est des conclusions énergétiques. La théorie de l'effet antiréflexe ainsi que ses conséquences sont nettement mises en évidence. Dans tous les cas considérés nous avons comparé les résultats du calcul aux différentes données expérimentales.

Abstract—We present the results of calculations according to the Westheimer-Hendrickson-Wiberg technique, on several derivatives in the bicyclo[3.2.1]octane series, the hydrocarbon, the 3-keto derivative and corresponding bromoketones. The method of calculation is essentially the one of our preceeding paper. but we have been using not only the same functions of interaction, but also others, for reasons which are discussed. We consider molecules which do not have a plane of symetry, a problem which has requested a more elaborated program. The different results are analyzed and compared. It is clearly, shown that this kind of calculation is much more reliable from the geometric point of view, than it is on energetic grounds. The antireflex theory as well as its consequences are clearly shown. In all studied cases, the results of calculations have been compared to the experimental data.

DANS LE CADRE de nos travaux sur les systèmes bicycliques pontés<sup>2</sup> nous avons étudié par la même technique de calcul<sup>1</sup> un certain nombre de dérivés du bicyclo-[3.2.1]octane.

Au cours d'une précédente étude concernant la série du bicyclo[3.1.1]heptane, nous avons admis a priori, un plan de symétrie pour les différentes molécules étudiées, car nous ne disposions que de moyens de calcul limités (IBM 1130). L'accès à un ordinateur plus puissant, nous a permis—dans le travail que nous décrivons ici—de faire des calculs sans qu'aucune symétrie ne soit imposée a priori ni au squelette carboné, ni aux groupes méthylène. Bien entendu, dans ce cas également, on calcule l'énergie

\* à qui la correspondance pourra être adressée.

globale de la molécule  $\Sigma W$ , que l'on minimise par un procédé d'itération. On admet que les conformations les plus stables correspondent aux différents minima. Au cours du présent travail nous comparerons entre eux, les résultats obtenus, avec et sans plan de symétrie imposé, et nous ferons un parallèle avec les données expérimentales.<sup>3</sup>

Nous avons constaté que les fonctions d'interaction que nous appellerons (a) et que nous avions précédemment utilisées avec les paramètres décrits par ailleurs<sup>2, 4</sup> conduisaient à une valeur de 12 kcal pour la différence d'énergie de contrainte entre les conformations chaise et bateau du cyclohexane. Ceci est trop élevé par rapport aux évaluations expérimentales, c'est pourquoi nous nous sommes servis de fonctions d'interaction (b),<sup>5</sup> qui donnent pour cette même différence une valeur de 6·8 kcal, généralement admise.<sup>6, 7</sup>

			fo	nctions (b)	
		ionctions (a)	Valeurs élevées	Valeurs limites	Valeurs faibles
СС СН НН	r ≥ 2·4 Å r < 2·4 Å	$\frac{16600^{-3.63r} - 325/r^{6}}{30000^{-4.17r} - 140/r^{6}}$ $\frac{10000^{-4.6r} - 49.2/r^{6}}{-10.162r + 24.29}$	$\begin{array}{rrrr} 7000^{-3.2r} & - 325/r^6 \\ 4012^{-3.4r} & - 125/r^6 \\ 2300^{-3.6r} & - 49.2/r^6 \end{array}$	1·4 Å 1·3 Å 1·2 Å	-70.95r + 135.50-46.20r + 82.44-29.19r + 49.14

Pour les faibles distances, nous avons comme Geneste et Lamaty<sup>4</sup> remplacé ces fonctions, par des relations linéaires qui correspondent à des tangentes aux courbes de Van der Wals pour les valeurs limites indiquées.

### Bicyclo [3.2.1] octane (Fig. 1, 2, 2bis, Tableaux I, II et III) (14 et 37 var.)

Nous avons fait un calcul à 14 variables en imposant un plan de symétrie à la molécule, et une symétrie locale  $C_{2v}$  aux groupes méthylènes. La numérotation est celle de la Fig. 1. Nous avons pris pour les longueurs de liaison  $C_1$ — $C_7$  et  $C_7$ — $C_{13}$ ,



celles que l'on trouve habituellement dans le cyclopentane.<sup>9</sup> La liaison  $C_6$ — $C_7$  a été choisie plus courte parce qu'elle n'est pas en tête de pont.<sup>12</sup>

	TABLEAU I	
Longueur de Liaison utilisées	ici	Calculées par Gleicher et et von Schleyer <sup>13</sup>
C <sub>3</sub> -C <sub>2</sub>	1-532 Å <sup>8</sup>	1.550
$C_1 - C_2$	1·536 Å 10	1-536
$C_1 - C_7$	1·539 Å <sup>9</sup>	1.543
$C_7 - C_6$	1.536 Å <sup>10</sup>	1.548
$C_1 - C_8$	1·539 Å	1.530
C <sub>2</sub> -H <sub>9</sub>	1·120 Å 11a	
$C_2 - H_{10}$	1·10 Å	
$C_1 - H_{11}$	1·108 Å <sup>11b</sup>	
$C_{7}-H_{13}$	1·089 Å <sup>9</sup>	
C <sub>8</sub> -1 <sub>19</sub>	1·089 Å	

Les résultats sont rassemblés dans le Tableau II. On trouve avec les fonctions (a) comme avec les fonctions (b) deux "minima" qui correspondent aux conformations "chaise" et "bateau". Nous appelons ici, et dans la suite de l'article, conformation "chaise", celle où le cycle à six chainons est sous forme chaise (il en résulte automatiquement que le cycle heptagonal est sous forme bateau) et conformation bateau, celle où le cycle hexagonal est sous forme bateau.



_
Γ
5
_
- <
വി
- 11
- 22
Ē
•

Fonctions (a)Fonctions (a)Coordonnées des atomesxyz $2.3.4$ 111.1741.979-11.03411.11741.979-10.0342.7111.11741.979-10.0342.7111.11741.979-10.0342.7111.11741.979-10.0342.7121.1260.84702.7111.11741.979-1.0342.714-1.2760.8470091.4371.2841.019102.1660.200-0.2341.11.0112.1142.562-1.0961.7.13111.2112.1142.562-1.0961.7.13111.2112.1142.562-1.096 $\gamma$ 111.4112.1142.562-1.096 $\gamma$ 111.4121.1622.016-3.217 $\alpha$ 138131.1830.417-2.580 $\beta$ 109.5714-1.1622.016-3.217 $\alpha$ 13815-1.1830.200-0.2341.7.13110.21603.1370.3217 $\alpha$ 13817-1.1622.016-3.217 $\alpha$ 13818-1.1830.417-2.580 $\beta$ 109.571903.1370.200-0.234111.9210-1.30092.31<	Confo	ormation chaise		ĺ			
Coordonnées des atomesAngles300021:276 $0.847$ 011:1741:979-1:034110-1611:1741:979-1:034110-1611:1741:979-2:40418.599-46-0.7681:408-2:40418.599-55-1:1741:979-1:0342:18110-564-1:2760.8470111.17111.66802:914-0.6941.8.20112-8691:4371:2841:019109-57102:1600.200-0.2341.7.13112-311112:1142:562-1:0961.7.13112-31121:1622:016-3:2172:3.21108-5131:1830.417-2:580 $\beta$ 108-514-1:1622:016-3:2172:3.21108-515-1:1830.417-2:580 $\beta$ 103-716-2:1142:562-1:096 $\gamma$ 11317-1:1830.417-2:580 $\delta$ 133518-2:1600.200-0:2341.7.13100-751903:1370.93721096 $\gamma$ 11-1:1622:016-3:217 $\alpha$ 13812112:13231096 $\gamma$ 13613112:13231096 $\gamma$ 13714-1:600<			Fon	ctions (b)			
x         y         z         2.3.4         1128           2         1.276 $0.847$ 0         2.7.1         110-60           1         1.174         1.979 $-1034$ 2.7.8         110-50           7         0.768         1.408 $-2.404$ 1.8.5         99-4.6           6 $-0.768$ 1.408 $-2.404$ 1.8.5         99-4.6           5 $-11.74$ 1.979 $-10.34$ 3.2.10         109-79           4 $-1.276$ $0.847$ 0 $11.1.7$ 111-60           8         0 $2.914$ $-0.694$ $1.8.20$ 109-76           9 $1.437$ $1.284$ $1.019$ $1.8.20$ 111-2           10 $2.160$ $0.200$ $-0.234$ $1.7.13$ 111-2           11 $2.114$ $2.562$ $-1.096$ $1.7.13$ 112-2           12 $1.183$ $0.417$ $-2.580$ $p$ $108-5$ 13 $1.183$ $0.417$ $-2.580$ $p$ $113-6$	nes Angles		Coordonn	ées des atome	S	An	igles
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	z 2.3.4 112-85	7	   K	۲ ۲	2	2.3.4	111-55
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 1.2.3 110-60	ę	0	0	0	1.2.3	112-08
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0 2·7·1 110-10	2	1.267	0-862	0	2.1.7	111-13
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-1.034 2.1.8 110.50	1	1.172	2-028	-0-995	2.1.8	108-42
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	- 2:404 1.8.5 99:43	7	0.768	1-531	- 2.395	1.8.5	61-66
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-2-404 3.2.9 109-56	6	-0-768	1-531	- 2·395	3.2.9	109-34
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-1-034 3.2.10 109-74	5	- 1.172	2-028	-0-995	3.2.10	109-84
8         0 $2914$ $-0.694$ $1.8.20$ $112.45$ 9 $1.437$ $1.284$ $1.019$ $1.8.19$ $10996$ 10 $2.160$ $0.200$ $-0.234$ $1.7.12$ $111.22$ 11 $2.114$ $2.562$ $-1.996$ $1.7.13$ $112.33$ 12 $1.162$ $2.016$ $-3.217$ $2.3.21$ $108.2$ 13 $1.183$ $0.417$ $-2.580$ $2.3.22$ $111.42$ 14 $-1.162$ $2.016$ $-3.217$ $2.3.22$ $111.42$ 14 $-1.162$ $2.016$ $-3.217$ $2.3.22$ $111.42$ 14 $-1.162$ $2.016$ $-3.217$ $\alpha$ $138$ 16 $-2.114$ $2.562$ $-1.096$ $\gamma$ $118$ 17 $-1.437$ $1.283$ $-1.019$ $\delta$ $133.5$ 18 $-2.160$ $0.200$ $-0.234$ $7.1.8$ $102.7$ 19 $0$ $0.3137$	0 11.1.7 111-66	4	- 1·267	0-862	0	11.1.7	110-86
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0-694 1.8.20 112-49	×	0	2-932	-0.574	1.8.20	111-21
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	1-019 1.8.19 109-90	7	1-440	1-266	1-030	1.8.19	112-79
11 $2\cdot14$ $2\cdot562$ $-1\cdot096$ $1.7.13$ $112\cdot32$ 12 $1\cdot162$ $2\cdot016$ $-3\cdot217$ $2\cdot3.21$ $108\cdot24$ 13 $1\cdot183$ $0\cdot417$ $-2\cdot580$ $2\cdot3.22$ $111\cdot45$ 14 $-1\cdot162$ $2\cdot016$ $-3\cdot217$ $2\cdot3.22$ $111\cdot45$ 14 $-1\cdot162$ $2\cdot016$ $-3\cdot217$ $2\cdot3.22$ $111\cdot45$ 15 $-1\cdot183$ $0\cdot417$ $-2\cdot580$ $\beta$ $108\cdot5$ 16 $-2\cdot114$ $2\cdot562$ $-1\cdot096$ $\gamma$ $118$ 17 $-1\cdot437$ $1\cdot283$ $-1\cdot019$ $\delta$ $133\cdot5$ 18 $-2\cdot160$ $0\cdot200$ $-0\cdot234$ $7.1.8$ $102\cdot7$ 19 $0$ $3\cdot137$ $0\cdot372$ $10\cdot44$ $10\cdot44$ 20 $0$ $3\cdot137$ $0\cdot372$ $10\cdot44$ $10\cdot740$ 21 $0$ $-0\cdot634$ $0\cdot923$ $19\cdot8.20$ $111\cdot94$ 21 $0$ $-0\cdot634$ $0-923$ $19\cdot8.20$ $104\cdot4$	-0-234 1.7.12 111-24	10	2-158	0-227	-0.241	1.7.12	109-90
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-1-096 1.7.13 112-39	11	2.126	2-590	-1-036	1.7.13	112-05
13 $1\cdot 183$ $0\cdot 417$ $-2\cdot 580$ $2.3.22$ $111\cdot 4.$ 14 $-1\cdot 162$ $2\cdot 016$ $-3\cdot 217$ $\alpha$ $138$ 15 $-1\cdot 183$ $0\cdot 417$ $-2\cdot 580$ $\beta$ $108\cdot 5$ 16 $-2\cdot 114$ $2\cdot 562$ $-1\cdot 096$ $\gamma$ $118$ 17 $-1\cdot 437$ $1\cdot 283$ $-1\cdot 019$ $\delta$ $133\cdot 5$ 18 $-2\cdot 160$ $0\cdot 200$ $-0\cdot 234$ $7.1.8$ $102\cdot 7.13$ 19 $0$ $3\cdot 137$ $0\cdot 372$ $12\cdot 7.13$ $104\cdot 4.$ 20 $0$ $3\cdot 819$ $-1\cdot 300$ $9\cdot 2.10$ $107\cdot 5.$ 21 $0$ $-0\cdot 634$ $0\cdot 923$ $19.8.20$ $111\cdot 9.$ 22 $0$ $-0\cdot 740$ $-0\cdot 841$ $21\cdot 3.22$ $104\cdot 2.3.22$	- 3·217 2.3.21 108·24	12	1-139	2-219	- 3.153	2.3.21	110-14
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-2.580 2.3.22 111.42	13	1-177	0-546	-2.613	2.3.22	109-34
15 $-1 \cdot 183$ $0 \cdot 417$ $-2 \cdot 580$ $\beta$ $108 \cdot 5$ 16 $-2 \cdot 114$ $2 \cdot 562$ $-1 \cdot 096$ $\gamma$ $118$ 17 $-1 \cdot 437$ $1 \cdot 283$ $-1 \cdot 019$ $\delta$ $133 \cdot 5$ 18 $-2 \cdot 160$ $0 \cdot 200$ $-0 \cdot 234$ $7.1.8$ $102 \cdot 7$ 19       0 $3 \cdot 137$ $0 \cdot 372$ $12 \cdot 7.13$ $104 \cdot 4$ 20 $3 \cdot 137$ $0 \cdot 372$ $12 \cdot 7.13$ $104 \cdot 4$ 21       0 $3 \cdot 137$ $0 \cdot 372$ $102 \cdot 7.13$ $104 \cdot 4$ 21       0 $-372$ $12 \cdot 7.13$ $104 \cdot 4$ 22       0 $-923$ $19.8.20$ $111.94$ 22       0 $-0.634$ $0 \cdot 923$ $19.8.20$ $111.94$	$-3.217$ $\alpha$ 138	14	- 1-139	2.219	- 3.153	ø	140
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$-2.580$ $\beta$ 108.5	15	- 1-177	0-546	-2.613	в	112
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-1-096 y 118	16	-2.126	2-590	- 1-036	۰ ۸	115-5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-1-019 ô 133-5	17	-1.440	1.266	1-030	Ŷ	132-5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-0-234 7.1.8 102-72	18	-2.158	0-227	-0.241	7.1.8	103-80
20         0         3.819         -1.300         9.2.10         107-55           21         0         -0.634         0.923         19.8.20         111.90           22         0         -0.740         -0.841         21.3.22         104.2	0-372 12.7.13 104-44	19	0	3-154	0-492	12.7.13	107-73
21 0 -0.634 0.923 19.8.20 111.90 22 0 -0.740 -0.841 21.3.22 104.21	-1.300 9.2.10 107.59	20	0	3.865	-1.137	9.2.10	106-22
22 0 -0.740 -0.841 21.3.22 104-21	0.923 19.8.20 111.96	21	0	-0-685	0.886	19.8.20	109.36
	-0-841 21.3.22 104-21	22	0	-0-659	-0-905	21.3.22	106-21
Energie (*)	sie (*)		   :	Eneroi	ie (*)		
$\Sigma W$ 12.248 kcal	48 kcal			ΣW 18-228	kcal		
Wa = 6.081	81			Wa 1-401			
Wb 10-904	04			Wb 9-716			
545-2 P.M	25			III-L PM			

3410

### J. FOURNIER et B. WAEGELL

		Fon	ictions (a)					Fon	ictions (b)		
	Coordon	nées des atome	s	An	gles		Coordo	nnées des atome	9	Y	ngles
	   	λ	2	2.3.4	111.65°		×		2	2.3.4	113-70°
~	0	. 0	0	1.2.3	114-41°	ŝ	0	. 0	0	1.2.3	112.64°
~	1-267	0.861	0	2.1.7	112.65°	7	1-283	0-838	0	2.1.7	110-94°
_	1.171	2.132	0-856	2.1.8	110-22°	1	1.174	2-085	0-890	2.1.8	109·28°
~	0.768	3-370	0-036	1.8.5	99.12°	7	0.768	3-317	0-063	1.8.5	99-47°
5	-0·768	3-370	0-036	3.2.9	109-50°	9	-0.768	3-317	0-063	3.2.9	108-98
د د	1.171	2.132	0-856	3.2.10	110-42°	5	- 1.174	2-085	0-890	3.2.10	109-92°
-	- 1·267	0-861	0	11.1.7	111·57°	4	- 1.283	0.838	0	11.1.7	110-50°
~	0	2.018	1-848	1.8.20	110-12°	œ	0	1-910	1.869	1.8.20	110-73°
~	2.138	0-244	0-342	1.8.19	114·15°	6	2·132	0-204	0-362	1.8.19	113-59°
~	1.563	1.117	- 1-049	1.7.12	110.81°	10	1-542	1-138	-1.047	1.7.12	109-74°
_	2·103	2-309	1-429	1.7.13	113·41°	11	2-131	2.269	1-417	1.7.13	112·17°
~	1-155	4.280	0-493	2.3.21	$110.98^{\circ}$	12	1.136	4-222	0.546	2.3.21	108-65°
~	1-201	3-387	-0.963	2.3.22	110-37°	13	1-179	3-290	-0-945	2.3.22	109-86
-	- 1.155	4·280	0-493	ø	147°	14	-1.136	4·222	0-546	ø	1 <b>44</b> °
~	-1.201	3-387	-0.963	β	113°	15	- 1.179	3.290	-0.945	β	109-5°
Ś	-2.103	2:309	1-429	γ	118°	16	-2.131	2·269	1-417	γ	115.5°
-	-2.138	0-244	0-342	δ	129°	17	-2.132	0-204	0·362	δ	135°
~	-1.565	1.117	- 1.049	7.1.8	101-75°	18	-1.542	1.138	-1.047	7.1.8	103·38°
~	0	1.100	2-434	12.7.13	103-35°	19	0	0-949	2.382	12.7.13	107-71
-	0	2-869	2.527	9.2.10	101-85°	20	0	2.701	2.617	9.2.10	106·18'
_	0	-0.714	0-863	19.8.20	$108.86^{\circ}$	21	0	-0.655	0-908	19-8-20	108-53
~	0	- 0.694	-0-879	21.3.22	102·12°	22	0	-0-697	0-877	21.3.22	105-75°
		Fneroi						Fneroi			
		ΣW 23-186	kcal					ΣW 24-083	2		
		Wa - 2.296						Wa 2-654			
		Wb 13-809						Wb 9-935			
		Wd 11-674						Wd 11-494			

### Calculs de conformation sur les systemes tendus

3411

a est la projection de l'angle 3-2-1 dans le plan v z (Fig. 2). 8 la projection de l'anole 7-1-8 » refle de l'anole 7-1-7 et 8 refle de l'anole 7-1 v

On remarquera que les solutions que l'on obtient, pour les conformations chaise par exemple, ne sont pas très différentes, en ce qui concerne la géométrie, que l'on utilise les fonctions (a) ou (b). Il en est de même dans les conformations "bateau".

Conforma	tion chaise	Conformation bateau
Energie		
ΣŴ	19.456	25.665
Wa	2.019	3-978
Wb	9.558	9.587
Wd	7.880	12-100
Angles		
2-3-4	112.54	112.08
1-2-3	110-30	111.67
2-1-7	108.70	109-15
2-1-8	109.69	109.56
1-8-5	<del>99</del> ·07	97-99
3-2-9	109.75	109-92
3-2-10	109.72	109-72
11-1-7	110.65	110.00
1-8-20	111.94	112.58
1-8-19	·112·73	111.63
1-7-12	110-50	110-65
1-7-13	111.73	111-37
2-3-21	109.75	109.92
2-3 22	109.72	109.72
7-1-8	105-06	105-35
12-7-13	106-25	108-17
9-2-10	107-36	105-33
19-8-20	108·27	109-52
21-3-22	106-56	106.38
α	139	
β	109	
, 7	113	
δ	138	
9-2-1	109-27	110-24
10-2-1	109.69	109.78

TABLEAU III. (BICYCLO[3.2.1]OCTANE-37 VARIABLES)

On peut aisément s'en rendre compte en comparant entre eux les angles de valence (Tableau II), ou les projections des différentes conformations sur le plan yz, représentées par la Fig. 2. Il faut également noter que le caractère axial des liaisons 2-9 et 4-17, ainsi que le caractère équatorial des liaisons 2-10 et 4-18 sont sensiblement diminués par rapport aux références que l'on trouve dans le cyclohexane non déformé. Le calcul met donc bien en évidence l'effet antiréflexe. Le pincement imposé à la molécule par la liaison entre les carbones 6 et 7, qui jouent en quelque sorte le rôle de substituants axiaux, se traduit par un aplatissement du cycle hexagonal, tout particulièrement au niveau des carbones 1, 2, 3, 4 et 5. D'une certaine façon, cet aplatissement, que l'on retrouve également dans la série de l'apopinane, est le compromis d'une compétition entre le cyclohexane et le cycloheptane, qui tous deux cherchent à imposer leur conformation privilégiée au système. Ce même pincement se traduit par une réduction de l'angle C—C—C en 8, et se répercute sur l'angle H—C—H correspondant. Celui-ci est donc plus grand que les autres angles H—C—H. Ce détail mérite d'être signalé, car la plupart des études de géométrie moléculaire par diffraction électronique en phase vapeur, négligent des variations d'angles H—C—H.



FIG 2 bis

Du point de vue énergétique, les solutions sont plus différentes. Mais on remarquera dans les deux cas (fonctions (a) ou (b)), que la conformation "chaise" est favorisée comme l'indique d'ailleurs Allinger.<sup>14</sup> La différence d'énergie entre "chaise" et "bateau", passe néanmoins de 10.9 kcal avec les fonctions (a), à 5.8 kcal avec les fonctions (b). Dans les deux cas, elle est inférieure, à la différence d'énergie calculée avec ces fonctions, pour les mêmes conformations du cyclohexane isolé. Il est donc clair, qu'en termes énergétiques, l'effet antiréflexe se traduit par un affaiblissement de l'écart entre entre les conformations "chaise" et "bateau", en particulier au niveau du cycle à six chainons. A la limite dans le cas du bicyclo[3.1.1]heptane<sup>44</sup> oú l'effet antiréflexe est encore plus marqué, cette différence devient nulle.

Afin de pouvoir estimer les modifications apportées, lorsqu'on n'impose pas d'éléments de symétrie, nous avons fait un calcul de conformation avec 37 variables. La minimisation d'énergie a été faite à l'aide des fonctions (b), qui sont plus valables, si on se réfère au cyclohexane. Les résultats sont consignés dans le Tableau III. Nous n'avons pas rapporté toutes les coordonnées, car elles sont très voisines de celles obtenues par le calcul simplifié.

On peut cependant noter sur la Fig. 2 bis que la conformation ainsi obtenue n'est pas rigoureusement symétrique. Il n'est pas possible d'accorder une signification physique à ce résultat qui provient probablement tout simplement du fait qu'il est plus difficile de chercher un minimum avec 37 variables que ce n'est le cas avec 14 variables.

Par rapport au calcul simplifié avec les fonctions (b) la seule différence notoire et vraisemblablement significative du point de vue géométrique est que l'angle  $C_1 - C_2 - C_4$  est plus grand. Il est également supérieur à  $C_1 - C_2 - C_3$ . Par ailleurs l'angle

 $C_2-C_1-C_7$  est plus petit que l'angle  $C_2-C_1-C_8$ . Ce sont précisément les angles qui influent le plus sur l'aplatissement du cycle hexagonal, et qui sont modifiés essentiellement à cause du degré de liberté plus grand laissé à la molécule, en particulier au niveau des méthylènes en 2, 4.

Enfin du point de vue énergétique, ce calcul plus complet n'entraîne pas non plus de modification majeure. La différence entre chaise et bateau est légèrement accrue et passe maintenant à 6·2 kcal.

### Bicyclo [3.2.1] octanone -3 (Fig. 4.5, Tableau IV et V) (12 et 34 variables)

Nous avons fait deux séries de calculs, l'une avec 34 variables n'impliquant aucune symétrie a priori, l'autre plus simple avec 12 variables. Dans ce dernier cas nous imposons une symétrie locale  $C_{2v}$  aux méthylènes, ainsi qu'un plan de symétrie passant par les carbones 3 et 8 ainsi que le milieu de la liaison  $C_6$ — $C_7$ . La numérotation est celle de la Figure 3.



Dand le calcul complet (34 variables), nous avons utilisé les fonctions (b) pour les interactions C---C, C---H et H---H. Pour les dièdres, autour des liaisons  $C_{sp2}$ — $S_{sp3}$ , nous avons employé, les paramètres établis dans la réf. 2, qui rendent compte de la barrière de rotation de l'acétone et du propionaldéhyde,<sup>15, 16</sup> et que nous appellerons A. Les résultats géométriques sont rapportés dans le Tableau IV, et le détail des résultats énergétiques est consigné dans le TableauV.

Dans le calcul simplifié (12 variables) nous avons considéré pour les dièdres autour des liaisons  $C_{an2}$ — $C_{an3}$  d'une part les paramètres A et d'autre part les paramètres B

$$V(O=C-C-H) = 0.713 \text{ kcal/mole}$$
  
 $V(O=C-C-C) = 2.8/9 \text{ kcal/mole}$   
 $V(C-C_{sp2}-C-C) = V(C-C_{sp2}-C-A) = 0$ 

qui donnent de bons résultats en ce qui concerne la géométrie de la cyclohexanone particulièrement au niveau des angles dièdres autour des liaison 2, 3, 4. Ces para-

		CONFO	RMATION CH	AISE				CONFORMAT	TION BATE	AU	
		Coordonnées		Ang	tles			Coordonnées		Ang	S
	×	<b>x</b>	2				×	, ,	2		
				2.3.4	120-02°	i				2.3.4	120-13°
ŝ	0	0	0	3.2.1	115-00°	ę	0	0	0	3.2.1	113-89°
7	1·308	0.755	0	2.1.8	109-26°	7	1.308	0.753	0	2.1.8	108-76°
1	1.176	2·282	060-0	3.4.5	114-44°	1	1.148	2.279	0087	3.4.5	115-44°
œ	0	2-743	0-790	1.7.6	105·20°	œ	-0.002	2.601	- 1-058	1.7.6	105-55°
Ś	- 1·162	2.280	0.107	5.6.7	104-87°	Ś	- 1-191	2.279	-0.135	5.6.7	104-48°
4	- 1·308	0.755	0	1.8.5	98-82°	4	-1.308	0.753	0	1.8.5	08-98°
10	1-953	0.379	0-835	7.1.11	110-707°	10	1-891	0-485	0-918	7.1.11	110-23°
0	1.859	0-498	-0-941	2.1.11	110-35°	6	1-915	0-405	- 0-875	2.1.11	110-68°
7	0-783	2.712	1-515	8.1.11	111-03°	7	0-709	2.850	1-273	8.1.11	111·22°
11	2·121	2.770		10.2.9	105-40°	11	2-094	2-753	-0.415	10.2.9	106-48°
ଟ୍ଟ	0	3-826	906-0 -	19.8.20	110-10°	20	0-007	3.652	-1-342	19.8.20	110-04°
19	-0-005	2·260	- 1-765	12.7.13	108-60°	19	0-02	1-973	-1.947	12.7.13	107-82°
7	-0-755	2.705	1-529	2.1.7	110-76°	9	-0.826	2.931	1·210	2.1.7	110-38°
16	-2.110	2:776	-0.180	7.1.8	104-53°	16	-2.132	2.707	-0-536	7.1.8	105-45°
18	-1-950	0-378	0-836	* *	176·5°	18	- 1.882	0-499	0.928	ø	176-5°
17	- 1.849	0-514	-0-951	Ø	110°	17	-1-940	0-364	-0-839	в	109-5°
12	1.180	2-021	2.257	\$	114·5°	12	1-035	2.212	2.093	۸.	112°
13	1-161	3-710	1.734	ô	135.5°	13	1.137	3-839	1-430	Ş	139-5°
14	1-146	2-017	2.278			14	- 1-284	2-394	2-040		
15	1-137	3-701	1-750			15	-1·153	3-970	1·229		
21	0	-1·225	0			21	0-002	- 1·225	0		
		Dièdre 5.6.7.1 Energie 7. W	1 0-38° 20-640 kral					Dièdre 5.6.7.1 Energie 7 W	5-05° 21-404 km		
								LINI BIC 4 T		-	

Calculs de conformation sur les systemes tendus

TABLEAU IV. (BICYCLO[3.2.1] OCTANONE-3) 34 VARIABLES-FUNCTIONS b

α est la cojection de l'angle 3.2.1 sur le plan y z (Fig. 4)
 β est celle de l'angle 2.1.7
 γ est celle de l'angle 2.1.8
 δ est celle de l'angle 7.1.8

mètres B n'ont pas été utilisés dans le calcul à 34 variables parce qu'à l'usage ils ont donné des résultats, qui dans l'ensemble semblent moins satisfaisants que les paramètres Ab qui sont les meilleurs à tous les points de vue. Ces arguments vont être développés dans la partie qui suit, mais il n'en reste pas moins que l'utilisation de ces paramètres est intéressante du point de vue indicatif et comparatif.



Du point de vue géométrique on constate immédiatement (Tableaux IV et V) qu'on a une solution correspondant à une conformation chaise, et une solution correspondant à une conformation bateau, quel que soit le type de calcul employé.

La Fig. 5 montre les projections sur le plan yz des conformations obtenues par le calcul à 12 variables, avec les paramètres B. Il apparaît que l'utilisation de fonctions (a) ou (b) ne modifie pas notablement la géométrie, bien que du point de vue éner-gétique, les solutions obtenues avec les paramètre Bb conduisent à admettre un équilibre conformationnel en faveur de 80% de forme chaise, alors que les solutions obtenues avec les paramètres Ba favorisent une conformation chaise unique.

Toujours du point de vue géométrique, il existe une différence assez grande entre les solutions A et les solutions B. Enfin, le fait d'utiliser 12 ou 34 variables sans modifier les paramètres (Aa) modifie également très sensiblement la géométrie.

Ces résultats qui peuvent paraître assez troublants se retrouvent au niveau des énergies, ce qui n'a finalement rien d'étonnant si on considère les paramètres A et B utilisés (Tableau V). La grande différence d'énergie se situe donc surtout au niveau de la déformation des angles dièdres Wd. Enfin, en utilisant 34 variables, on laisse plus de degrés de liberté à la molécule (vide supra) et par ailleurs il est difficile d'annuler en même temps 34 dérivées partielles. Cependant dans ce dernier cas, les dérivées partielles sont rigoureusement nulles pour la géométrie à laquelle nous aboutissons (Tableau IV) pour les angles en 3 et les angles H—C—C en 2, 4, 6, 7 et 8. Cependant les autres dérivées s'approchent moins de 0 que dans le calcul à 12 variables.

Par contre dans le calcul à 12 variables, les dérivées ne sont rigoureusement nulles que pour l'angle  $C_2 - C_1 - C_7$  et les angles H-C-C en 7 et en 1. Ici les dérivées

	CONF	ORMATION	CHAISE*				CONFC	RMATION	BATEAU	
	Ab*	Ab	Aa	Bb	Ba	Ab	Ab	Аа	Bb	Ba
Dièdres					 					
0==C=H	52·19°	18·18°	17-71°	36-11°	35·39°	55-34°	55-92°	55-90°	57-09°	52.65°
0=ccH.	62·12°	99.19°	99.75°	79-65°	80-86°	60-31°	58-64°	57·19°	58-03°	63-00°
Energie										
ΣW	20-65 kcal	17.09 kcal	13-06 kcal	18-40 kcal	14-56 kcal	21-40 kcal	20-69 kcal	18-93 kcal	19.23 kcal	17-71 kcal
Wa	1:06	1-21	- 3.40	66-0	- 3.59	1-24	1-07	- 1.50	1-12	- 3-34
Мb	10-35	9.15	9-54	9.72	10-30	10-32	10.52	11.19	10-54	13-85
рм	9-23	6.73	6.93	7-69	7-84	9-84	9.10	9-24	7-66	7.20
Angle 2.3.4	120-02°	$117-07^{\circ}$	116-23°	118-67°	118-63°	120-13°	119-62°	119-62°	119-84°	119-56°
V <sub>c</sub> ≡0	1711 cm <sup>-1</sup>	1717.0 cm <sup>-1</sup>	1718·8 cm <sup>-1</sup>	1713·5 cm <sup>-1</sup>	1713-6 cm <sup>-1</sup>	1710-6 cm <sup>-1</sup>	$1711.4 \text{ cm}^{-1}$	$1711.4 \text{ cm}^{-1}$	1711-0 cm <sup>-1</sup>	1711.6 cm <sup>-1</sup>
* A se romorte ou	v calcule affactiv	és avac las sars	matras da tor		//////////////////////////////////////					
	A VAICUIS CIICUU	es avec ies paia			H = 0					
			-	/(0=C-C	c) = 0					
			-	/(C- C " - C	-C) = 0.253					
			-	/(c -c,"-c	H) = 0.253					
B se rapporte au	x calculs effectue	és avec les para	mètres de tor	sion suivants:						
			-	(O=C- C-	H) = 0.713					
			-	/(0=C-C-	C) = 2.8/9					
			-	/(c-c.,-c.	H) = 0					
			-	/(c -c,,,-c	-C) = 0					
a et b se rapporte	nt aux jeux de fe	onctions d'inter	raction C	C, CH et	HH (a) e	(q) :				
Les termes "chais	e" et "bateau"	se rapportent a	u cycle hexag	onal.						

Calculs de conformation sur les systemes tendus

TABLEAU V. BICYCLO[3.2.1]OCTANONE-3

restantes s'approchent plus uniformément de zéro que dans le calcul complet, nous pensons donc que la géométrie obtenue par le calcul à 34 variables (Tableau IV en particulier) représente certainement plus fidèlement la conformation au niveau du carbonyle. D'autre part pour les mêmes raisons les énergies sont vraisemblablement mieux rendues avec le calcul à 12 variables puisqu'on est plus près du minimum réel étant donné qu'il y a moins de dérivées à annuler.



Il est relativement délicat de comparer des résultats de calculs de conformation à des résultats expérimentaux qui ne sont pas strictement structuraux comme ceux des rayons X, ou de la diffraction électronique. On dispose néanmoins d'un certain nombre de critères comme par exemple la relation de Schleyer et Nicholas<sup>17</sup> qui relie la fréquence du carbonyle à l'angle C—C—C; on calcule les fréquences rapportées

0

dans le Tableau V. On remarque aussitôt que quel que soit le type de calcul utilisé l'accord est relativement bon avec la valeur expérimentale de 1711 cm<sup>-1</sup>,<sup>3</sup> d'autant plus que les fréquences calculées sont surévaluées. En effet la relation de Schleyer et Nicholas donne une fréquence de 1719 4 cm<sup>-1</sup> pour la cyclohexanone pour laquelle on observe la valeur expérimentale de 1716 cm<sup>-1,18,31</sup> Les liaisons  $H_{10}$ — $C_2$ —  $C_1$ — $C_8$ — $H_{20}$  sont coplanaires, et présentent la disposition en M ou W favorable aux couplages à longue distance à travers quatre liaisons  $\sigma$  entre les protons  $H_{10}$ — $H_{20}$ .<sup>32</sup> Il en est de même des liaisons  $H_9$ — $C_2$ — $C_1$ — $C_7$ — $H_{12}$ . L'action des agents de bromation, et particulièrement du perbromure de pyridinium sur la bicyclo[3.2.1]octanone -3 conduit rapidement au dérivé cis dibromé diaxial,<sup>3</sup> ce qui est relativement exceptionnel. L'étape cinétique de cette réaction est constituée par la formation de l'énol.<sup>19</sup> Si on admet que l'énolisation se fait alternativement en direction du carbone 4 et du carbone 2, les carbones 1, 2, 3, 4 et 5 sont nécessairement dans un même plan. Il est clair qu'une telle conformation est pratiquement identique à celle que nous calculons pour la cétone. Par conséquent le passage de la forme cétonique à la forme énolique sera aisée, ce qui explique la facilité de la bromuration.

	Тав	LEAU VI.	
	Cyclohexanone	Tetramethyl-3,3,5,5 cyclohexanone	Bicyclo[3.2.1] octanone-3
 ΣW chaise	1·49 kcal	18.59 kcal	17·09 kcal
ΣW bateau	7.46 kcal	30-61 kcal	20-69 kcal
A 14/	5.07 konl	12.02 kcal	3-60 kcal

Ce phénomène de planéité du cycle hexagonal au niveau des carbones 1, 2, 3, 4 et 5 se traduit également par la disparition du caractère équatorial ou axial des hydrogènes en 2 ou en 4. Ceci est une conséquence de l'effet antiréflexe. Nous montrons dans le Tableau VI comment ceci se traduit du point de vue énergétique (fonctions Ab, 12 variables) lorsqu'on passe de la cyclohexanone à la bicyclo[3.2.1]octanone (effet antiréflexe) en passant par la tétraméthyl-3,3,5,5 cyclohexanone (effet réflexe). La cyclohexanone constitue le moyen terme entre ces deux dernières molécules. La tétraméthyl-3,3,5,5 cyclohexanone est une molécule plus contrainte que la bicyclo-[3.2.1]octanone-3 où la conformation bateau est moins défavorisée à cause du pincement des liaisons axiales en 1 et en 5.

Bromo -2 bicyclo[3.2.1]octanone -3 (Fig. 6, Tableau VII) (34 variables)

Dans ce cas, il faut pour faire le calcul n'imposer aucun plan de symétrie a priori à la molécule, ce qui implique 34 variables. Les résultats présentés dans le Tableau VII ont été obtenus avec les fonctions (b) et les paramètres de déformations angulaires précédemment utilisés.<sup>2</sup> Les énergies dipolaires Wd et les moments dipolaires sont calculés avec les moments de liaison suivants.<sup>2,21,22</sup>

Confo	rmation chaise		Confo	rmation bateau	
	Br 10	Br 9		Br 10	Br 9
$\mu c = 0$	3 D	2·9 D	$\mu c = 0$	2·9 D	3 D
μc – Br	2·1 D	2 D	$\mu c - Br$	2 D	2·1 D

Pour obtenir l'énergie réelle de la molécule, nous avons soustrait de l'énergie totale  $\Sigma W$ , une énergie attractive  $W_L$  qui correspond à l'attraction brome-hydrogène. Cette dernière est calculée à l'aide d'une fonction de Hill<sup>20</sup>

$$W_{\rm f} = 2.25 \times 0.131 \times 3.28^{6}/r^{6}$$

			Br en 9 (ax)					Br en 10 (éq)		
		Coordonnées		An	gles		Coordonnées		An	gles
	X	y	2.	6 F C	100.70°	x	y	Z	124	170.12°
ε	0	0	0	3.2.1	113-46°	0	0	0	3.2.1	114-41°
7	1-313	0-746	0	2.1.8	108-96°	1-309	0.753	, O	2.1.8	108-02°
	1·152	2-266	0-145	3.4.5	$114.86^{\circ}$	1.166	2.273	0-176	3.4.5	114.77°
×	-0-019	2:732	-0.737	1.7.6	104·85°	0-017	2-751	-0.728	1.7.6	105-55°
5	- 1·190	2-270	0-149	5.6.7	105-35°	- 1.173	2.278	0.126	5.6.7	$104.51^{\circ}$
4	-1-313	0.746	0	1.8.5	°80-66	-1-309	0-753	0	1.8.5	98-96°
10	1-963	0-353	0-823	7.1.11	110-87°	2.509	0-015	1-333	7.1.11	$111.80^{\circ}$
6	2-262	0-370	-1.650	2.1.11	$110.40^{\circ}$	1.838	0-556	0-967	2.1.11	110-40°
٢	0-757	2.612	1-592	8.1.11	110·77°	0-726	2-593	1.616	8.1.11	110-86°
11	2.090	2-783	-0-142	10.2.9	105-84°	2·114	2.783	-0.087	10.2.9	103-50°
20	-0.018	3-815	-0-856	19.8.20	111-03°	0-022	3.835	-0-835	19-8-20	$110.42^{\circ}$
19	-0.026	2.233	- 1-705	12.7.13	108-46°	0-028	2.273	-1.706	12.7.13	108·24°
9	-0-781	2-658	1-581	2.1.7	109-75°	-0.810	2-670	1-570	2.1.7	$109.86^{\circ}$
16	-2.135	2-769	-0-144	7.1.8	$106-01^{\circ}$	-2.112	2-778	-0-184	7.1.8	105-73°
18	-1-970	0-339	0-811	ø	175°	- 1-961	0-363	0-823	ø	173-5°
17	-1-849	0-518	-0-956	g	109-5°	- 1-848	0-519	-0.953	β	109-5
12	1.117	1.864	2.297	٢	112°	1-040	1.825	2.320	٨	112°
13	1-164	3.580	1.879	õ	138-5°	1-142	3-545	1-942	0	138·5°
14	- 1-197	1.970	2.313		·	-1.260	1-997	2.298		
15	- 1.128	3.666	1.806			- 1-144	3-686	$L_{T_{1}}$		
21	-0-003	-1·225	0			0-008	-1-225	0		
-	Energie (kcal,	/mole) = 23·323	$= \Sigma W - W_L$				Energie (kc	al/mole) 24·645		and the second se
	$\Sigma W = 24$	-902 W <sub>L</sub>	= 1.579 interact	ion attractive	PovH		$\Sigma W = 2$	ю-840 W	L = 2.195	
	Wa = 1	-505					Wa =	2.795	1	
	Wb = 10	+229					Wb = 1	0.452		
	Md = 6	-421					— <i>PM</i>	9.252		
	Wdp = 3	.747					Wdp =	4·342		
	$\mu_{\mathbf{D}} = 3$	827 <sup>D</sup>		,			$\mu_D =$	4-260 <sup>D</sup>		
	v	717.8 cm <sup>-1</sup>					vc=0 = 1	$727  {\rm cm}^{-1}$		
	$\lambda_{\rm max} = 30$	6 nm					$\lambda_{\max} = 2$	93 nm		
	Diedres 0	C-C-Br, 64	25°				Dièdres O=	-CCH, 65	1.76°	
			.cl					C	-00- 	
		4	ţ					t./		

3420

### J. FOURNIER et B. WAEGELL

		Br en 9 (	éq)				1	Br en 10 (ax)		
	{ [	Coordonnées		Ang	les		Coordonnées		Any	gles
	×	y	z	2.3.4	120.11	×	<b>y</b>	ź	2.3.4	120-92°
e	0	0	0	3.2.1	114-40°	0	0	0	3.2.1	113-88°
7	1.308	0.754	0	2.1.8	109-21	1-314	0-744	0	2.1.8	107-53°
1	1·163	2.278	-0-117	3.4.5	115-04°	1-163	2.271	0.083	3.4.5	114·25°
00	-0-004	2.604	- 1-066	1.7.6	105·11°	0-029	2.571	- 1-078	1.7.6	105·16°
5	- 1·180	2-279	-0.127	5.6.7	105-09°	- 1.177	2.265	-0.173	5.6.7	105-03°
4	- 1.308	0-754	0	1.8.5	<del>60-08 °</del>	-1.314	0-744	0	1.8.5	°11.99
0	1·882	0-498	0-927	7.1.11	111·29°	2.395	0.215	1-522	7.1.11	110-38°
6	2.413	0-117 -	– 1·462	2.1.11	110-45°	1-905	0.404	-0.888	2.1.11	110-25°
7	0.754	2-861	1·248	8.1.11	110-88°	0-707	2-884	1·252	8.1.11	110-99°
1	2·106	2-731 -	-0-481	10.2.9	104-92°	2.115	2-732	-0-415	10.2.9	104·16°
0	-0-004	3.656 -	- 1-346	19.8.20	10 <del>9</del> -70°	0-037	3-617	- 1-382	19.8.20	$110-42^{\circ}$
6	-0-001	1-986 -	– 1-962	12.7.13	107-85°	0-055	1-922	- 1-952	12.7.13	107-41°
6	-0-783	2-917	1·216	2.1.7	109-48°	-0.829	2-936	1.167	2.1.7	112·21°
6	– 2·126	2:721 -	-0-499	7.1.8	105·39°	-2-111	2.694	0.587	7.1.8	105·35°
80	1-882	0-499	0-927	8	175-5°	-1.870	0.518	0-945	ø	$177^{\circ}$
7	- 1-932	0-373 -	- 0-849	β	108·5°	- 1-942	0-343	-0-835	ß	111-5°
2	1·105	2.245	2-074	ŷ	114·5°	1-033	2-303	2.113	ò	112°
3	1·167	3-860	1-377	۲	137°	1111	3-889	1-365	۲	136-5°
4	– 1·219	2.382	2.059			- 1·291	2:420	2.008		
5	– 1·123	3-951	1-254			- 1-170	3-970	1·166		
1	-0-010	- 1-225	0			-0.005	- 1·225	0		
		Encrgie (kcal/mole)	24-478		5		Energie (kc	al/mole)	25-015	
		$\Sigma W = 25.956$	$W_{l} = 1.4$	178			ΣW =	27-078 W <sub>L</sub>	l = 2.063	
		Wa = 1.455					Wa =	2-680		
		Wb = 10.384					Wb =	10-816		
		Wd = 9.820					= <i>PM</i>	9-755		
		Wdp = 4.296					Wdp =	3-807		
		$\mu_{\rm D} = 4.182^{\rm D}$					μ <sub>D</sub> =	3-943 <sup>D</sup>		
		$v_{\rm C=0} = 298 \rm nm$					$v_{c=0} =$	1722·5 cm <sup>-1</sup>		
		$\lambda_{max} = 298 \text{ nm}$					λ <sub>mex</sub> =	301 nm		
		Dièdres O=C-C	-CBr, 524	08°			Dièdres (	о с-с-н,	56·50 <sup>°</sup>	
		0==C- C					-	0=C_C_Br <sub>10</sub>	, 56.86°	
			0117							

Calculs de conformation sur les systemes tendus

#### J. FOURNIER et B. WAEGELL

Les minimisations d'énergie donnent une conformation chaise et une conformation bateau avec pour chacune d'elle respectivement le brome soit axial, soit équatorial. Les projections sur le plan zy sont représentées par la Fig. 6. La conformation bateau, à brome axial et la possibilité d'une équilibre conformationnel sont exclues. De plus, la conformation chaise à brome axial est la plus favorisée du point de vue énergétique (Tableau VII). L'ensemble de ces résultats est en bon accord avec l'expérience.<sup>3</sup>



La fréquence  $v_{C=0}$  trouvée expérimentalement pour cette cétone bromée est de 1715 cm<sup>-13</sup> dans CHCl<sub>3</sub>, en bon accord avec la valeur de 1717.8 calculée pour la conformation chaise à brome axial (Tableau VII). Ces valeurs ont été estimées à l'aide de la relation de Schleyer et Nicholas<sup>17</sup> et des règles de Jones<sup>23</sup> qui ont été souvent utilisées dans ce but.<sup>24</sup>,<sup>25</sup> Selon ces dernières un brome axial en  $\alpha$  du carbonyle ne donne pratiquement pas lieu à un déplacement de fréquence ( $\Delta v = 0$ ) tandis qu'un brome équatorial déplace fortement la fréquence du carbonyle vers les hautes fréquences ( $\Delta v = 15$  à 22 cm<sup>-1</sup>).

Le calcul qui donne la valeur de l'angle C-C-C montre aussi par le biais des angles

Ő

dièdres 0 = C - C - C - Br que le caractère axial ou équatorial du brome est fortement atténué par rapport à ce que l'on trouve dans la bromocyclohexanone. L'ensemble de ces données permet de calculer les fréquences des carbonyles indiquées

dans le Tableau VII, en admettant que la déplacement imposé par le brome varie de façon linéaire quand on passe du brome axial au brome équatorial.

A titre indicatif, mentionnons que cette atténuation du caractère axial ou équatorial se retrouve dans un certain nombre de cyclopentanones<sup>26, 27, 28</sup> où un brome quasi axial donne un déplacement de +8 à +10 cm<sup>-1</sup> tandis qu'un brome équatorial donne un déplacement de +16 à +18 cm<sup>-1</sup>. De même pour des dérivés bromés de cyclopentanones complexes comme le camphre on trouve un déplacement de  $\Delta v_{C=0}$  uniforme de +14 cm<sup>-1</sup> que le brome soit *endo* ou *exo*; en effet le dièdre 0 = C—C—Br est identique dans les deux cas.

Dans l'UV, le bromo-2 bicyclo[3.2.1]octanone-2 donne un maximum d'absorption à 315 nm dans le cyclohexane et à 313 nm dans MeCN ( $\varepsilon = 105$  et 96).<sup>3</sup> Ces résultats sont en accord avec ce que l'on peut calculer pour la conformation chaise à brome axial en utilisant les règles de Cookson.<sup>29</sup> Ces dernières établissent qu'un brome axial provoque un déplacement  $\Delta\lambda$  de +28 nm ( $\Delta\varepsilon = +40$  à +120) à partir de la cétone non bromée qui dans le cas présent donne un maximum en UV à  $\lambda = +280$  nm ( $\varepsilon = 19$ ) dans le cyclohexane.<sup>3</sup> Dans les mêmes conditions un brome équatorial provoque un déplacement  $\Delta\lambda = -5$  nm ( $\Delta\varepsilon = +5$  à +20). Pour des cyclopentanones où les bromes axiaux et les bromes équatoriaux sont peu différenciés, l'effet de ces derniers est presque le même dans les deux cas de l'ordre de  $\Delta\lambda = +15$  nm à +20 nm ( $\Delta\varepsilon = +70$ ). Julg<sup>30</sup> démontre la relation  $\Delta\lambda = -A + B \cos^2\theta$ ,  $\theta$  étant l'angle que fait la projection de C—Br sur un plan perpendiculaire à la liaison C<sub>2</sub>—C<sub>3</sub>, avec l'axe de l'orbitale  $\pi$ . Julg propose A = -10 et B = +44. Si le dièdre O—C—Br est égal à  $\alpha$ , on a  $\theta = \pi/_2 - \alpha$  et la relation précédente devient:

$$\Delta\lambda = -10 + 44 \sin^2\alpha$$

Cette relation permet de calculer les valeurs des maxima indiquées dans le Tableau VII.

cis Dibromo-2,4 bicyclo[3.2.1]octanone-3 (Fig 7 et 8, Tableaux VIII et IX) (34 et 12 variables)

Ce calcul est en tout point comparable à celui de la bicyclo[3.2.1]octanone 3, si ce n'est que nous avons introduit des bromes en 10 et 18 ou en 9 et 17 (numérotation de la Fig. 3). Nous avons effectué différentes séries de calcul avec des combinaisons diverses de paramètres A et B et des fonctions (a) et (b) en utilisant soit 12, soit 34 variables selon qu'on impose, ou non, un plan de symétrie à la molécule (Tableaux VIII et IX).

Les paramètres concernant le brome sont ceux utilisés pour la cétone monobromée. Ici comme dans le cas du bicyclo[3.2.1]octane, les résultats obtenus à l'aide des paramètres B sont essentiellement donnés à titre indicatif.

Du point de vue géométrique on obtient des conformations chaise et bateau dans tous les cas. La Fig. 7 représente sur sa partie gauche les projections sur le plan yz des conformations obtenues avec le calcul à 34 variables avec les bromes soit en 10-18, soit en 9-17 (paramètres Ab, Tableau VIII). Sur la partie droite on trouve les mêmes projections obtenues avec les mêmes paramètres mais cette fois avec un calcul à 12 variables. Comme nous l'avions déjà signalé dans le cas de la bicyclo[3.2.1]octanone, les résultats sont sensiblement différents et on notera en particulier que les formules de gauche de la Fig. 7, ne sont pas rigoureusement symétriques par rapport au plan passant par  $C_3$ ,  $C_8$  et le milieu de  $C_6$ — $C_7$ . Ceci provient ici encore de la difficulté d'annuler simultanément les 34 variables. Par ailleurs on constate que dans l'ensemble de ces calculs à 34 variables, les valeurs de l'angle  $C_2$ — $C_3$ — $C_4$  sont généralement plus grandes que celles que l'on obtient par le calcul à 12 variables. Cela provient essentiellement du fait que dans ce dernier cas on impose une symétrie  $C_{2v}$  aux méthylènes en 2 et en 4.



Du point de vue énergétique, on constate que le minimum est plus faible donc vraisemblablement mieux localisé pour les conformations chaise par le calcul à 12 variables. Cette tendance existe encore pour les conformations bateau, tout en étant moins nette. Bien que cela n'apparaisse évidemment pas sur les tableaux, nous signalons que les minima énergétiques sont plus ou moins plats. Dans le cas des conformations chaise ils sont très plats alors qu'ils sont au contraire encaissés dans le cas des conformations bateau. Il est peut-être téméraire d'accorder une signification physique à ce phénomène qu'on peut cependant, interpréter éventuellement de la façon suivante. Dans le premier cas, il existe de nombreuses conformations d'énergie peu différentes du minimum, ce qui revient à dire que la conformation chaise est relativement souple. Par contre la conformation bateau serait plus rigide. Si on compare les calculs effectués avec le même type de paramètres, il ressort (Tableau IX) que les conformations chaise sont toujours favorisées et souvent uniques. Cependant, dans le cas du calcul Bb on constate que la conformation chaise avec les deux bromes équatoriaux ( $\Sigma W = 29.279$ ) est très légèrement favorisée par rapport à la conformation avec les deux bromes axiaux ( $\Sigma W = 29.481$ ), de plus si on envisage un équilibre conformationnel chaise avec les bromes diaxiaux, bateau avec les bromes diéquatoriaux ( $\Sigma W = 28.715$ ) c'est ce dernier conformère qui est



favorisé. L'ensemble de ces résultats est en contradiction avec l'expérience. Par contre les calculs avec les paramètres Ab à 12 variables qui doivent en principe donner les meilleurs résultats énergétiques (vide supra), montrent que la conformation chaise avec les deux bromes axiaux (Energie = 25.284) est favorisée par rapport à celle qui aurait les deux bromes équatoriaux (Energie = 26.237). Il n'y a vraisemblablement pas d'équilibre conformationnel avec la conformation bateau ayant deux bromes équatoriaux (Energie = 28.965). Ces résultats sont en parfait accord avec l'expérience.

Les fréquences des carbonyles en IR  $v_{C=0}$  et les maxima en UV  $\lambda_{max}$  sont calculés comme pour la bromo -2 bicyclo[3.2.1)octanone -3. Les valeurs expérimentales de  $v_{C=0}$ :1725 cm<sup>-1</sup> (CHCl<sub>3</sub>) et 1722 cm<sup>-1</sup> (MeCN) ainsi que  $\lambda_{max}$ :342 nm (C<sub>6</sub>H<sub>6</sub>) et 341 nm (MeCN) correspondent le mieux avec le calcul Ab à douze variables,<sup>3</sup> pour la conformation chaise avec les deux bromes axiaux en 9 et en 17. Il en est de même

-
3
1
μ
z
- 5
_¥
- 24
-
- 85
_ ×
$\sim$
_
2
$\sim$
$\sim$
0
6
~
-
<u> </u>
~
4
r
2
1
•
~
9
~
•
-
$\mathbf{n}$
5
<u> </u>
_
<u></u>
3
Ξ.
444
z
7
~
•
<b>•</b>
~
-
<b>U</b>
0
0
-
_
-
-
<u> </u>
-
щ
<b>F</b>
<
2
_

-0-429 0-846 -0-429 -2.604 -0-835 1.809 2·288 1·809 -0-835 - 2.973 -2.973 - 2.604 0-754 -0-805 2·288 0-329 0-84 0 2.470 0-749 0-749 0 - 1420-142 I-195 - 1·225 coordonnées ·708 ·708 2-913 ·195 2-627 2-470 2-627 3.026 3-982 J-784 -061 -784 061 12 Variables 2 ٩¥ - 1-290 1-176 -1.137 - 1.176 -2.126 - 1.858 1-173 0-768 0-768 1-858 2·126 1-137 -2.1011-290 -1-173 2·10] × 0 ¢ Br en 9-17 (diax) 6 Ś 9 1  $\infty$ នត 0-153 0-818 -0-838 -0-140 - 1.656 2·303 2·314 1-805 -0.731 0-148 - 1-653 1.600 -0.125 - 1.704 1-583 0-813 1-894 ¢ 2.660 0-343 1-973 3-669 -1-225 0-748 2·783 3-827 2·254 0-355 1-854 3-571 coordonnées 2·268 2.743 0-748 2-271 0-350 0-378 2,606 2772 34 Variables ЧР -1.2101-312 -0.012-0.017-0-786 -2.130- 1.968 -2.242 - 1.108 1·162 -1.130-0.004 1-153 -1.312 0-752 2-093 -0.035 - 1.185 2·258 1-965 × Conformation chaise 81 4 S 20 9 Q 2  $\sim$ 21 -2.616 -2.616 1.039 -0-469 0-600 - 1-006 -0-962 - 3.088 - 3-088 -0-962 2.357 2-357 0-469 0-941 -0-476 0-941 1-039 0 N 1·159 0-792 <del>،</del>ً 1-559 0-792 -0-326 2-574 2·278 0-584 2·278 2·574 -0-326 3-049 3-831 -1.225 1-559 2·001 2.880 I-559 0-584 coordonnées 2:001 12 Variables > ٩Þ -1.178 0-768 -1.136 -2.124-1.485 - 2.800 1-286 ·175 0-768 - 1.175 -1-286 ·485 2-800 2-124 i-136 ·178 × Br en 10-18 (diéq) 13 9 19 2 4 15 17 8 5 20 C -0.128 1-366 1-906 1-815 0-169 1-359 1.613 -0.114-0-798 - 1-690 1-593 -0-967 2.323 2·330 0-160 -0-964 N 2.780 3-842 2.663 2.776 0-026 0-536 3-578 -1.225 coordonnées 0-750 2·269 2.757 2·272 0-750 0-023 0-546 2.612 2.293 1.866 1-986 3-672 34 Variables > ٩P 0-003 - 0-779 -2.483 1·113 1.167 - 1.209 -1·124 -0.005 0-759 2·108 -0-005 -2.125 -1-835 -0004 - 1·181 1·165 - 1-311 2.489 ¥8 ភ × 2 61 9 16 18 17 12 13 0 11 21

3426

#### J. FOURNIER et B. WARGELL

1		z	0	0	-0.145	- 1.103	-0·149	0	0-941	- 1-451	1-209	-0-522	- 1-424	- 1-959	1·182	-0.534	0-936	- 1-449	2-044	1-310	2-033	1.206	0	
'(diéq)		y	0	0-746	2.267	2.557	2.270	0.746	0-512	060-0	2.879	2.719	3-598	1.884	2.928	2.703	0-502	0-062	2.276	3.883	2-398	3-961	- 1-225	ables
Br en 9-17	Ab	x	0	1-313	1-152	-0-017	-1.190	-1-313	1-873	2-421	0-754	2-091	-0-015	-0.021	-0-784	-2·134	- 1-877	-2.407	1-108	1·164	- 1·208	- 1·127	-0-003	34 Vari
:			ς β	7	1	×	s	4	10	6	7	11	20	19	9	16	18	17	12	13	14	15	21	
(x)	i :	Z	0	0	-0-062	- 1-022	-0-091	0	1-524	-0-886	1-293	-0-408	- 1·294	- 1-915	1-245	-0466	1-545	-0.877	2·133	1-415	2-098	1-259	0	
n 10-18 (dia	ЧÞ	у	0	0-743	2·269	2.599	2·271	0-743	0-210	0-412	2-867	2·740	3-653	1-976	2.931	2.719	0-232	0-385	2-265	3-865	2.418	3-968	- 1·225	Variables
Brei		×	0	1-315	1·153	-0-004	- 1·185	-1-315	2-391	1-914	0-734	2-095	000-0	0-002	0.803	-2.126	-2.370	- 1.912	1-076	1.151	- 1·245	- 1.136	0-001	¥

-

n.
<u>ė</u>
Z.
<u>Q</u>
5
Ξ.
5
Ō
<b>—</b>
1
<u> </u>
Q
H
2
5
Ĕ.
-
4
N.
- A
ž
5
2
~
н.
3
્રંગ્
~
÷.
ы.
1
2
3
3
<u> </u>
Ξ.
5
-
2
<u>.</u>
3
μÂ
<
F

	δ	ONFORMAT	TIONS CHA	ISE		CONFORMA	TIONS BAT	TEAU
	Br en 10-	-18 (dieq)		Br en 9-	17 (diax)	Br en 10-18 (diax)	Br en 9-	-17 (dieq)
Ab	Angles	Ab	Angles	Ab Angles	Ab Angles	Ab	<b>×</b>	<u>م</u>
2.3.4	120-47	2.3.4	116-71	120-64	117-39	121-06	2.3.4	120-80
3.2.1	114-15	3.2.1	110-61	113-58	110-20	113-40	3.2.1	113-46
2.1.7	110-38	2.1.7	110-88	109-79	112-02	112-27	2.1.7	109-76
13.7.1	110-54	13.7.1	112-11	110-55	112-02	110-53	13.7.1	110-53
2.1.8	108-85	2.1.8	108-61	109-08	109-44	108·50	2.1.8	108-97
1.8.5	<b>99</b> -34	1.8.5	99-58	98-85	99-35	98-86	1.8.5	60-66
9.2.3	108-83	9.2.3	108-86	109-23	111-10	108-71	9.2.3	109-23
10.2.3	109-95	10.2.3	111-22	109-32	108-71	110-35	10.2.3	109-34
1.7.12	111-95	1.7.12	109-77	111-69	109-82	112-29	1.7.12	111-70
7.1.8	105-15	7.1.8	103·88	105-95	103-94	105-13	7.1.8	10.001
127.13	108-09	12.7.13	107-73	108-32	107-88	107-43	127.13	108-51
9.2.10	104-20	9.2.10	105-91	104-94	105-46	104-08	9.2.10	105·27
19.8.20	110-32	19.8.20	110-19	111-04	109-96	110-42	19.8.20	108.51
34 va	riables	12 vai	riables	34 v	12v	34v		2v

du moment dipolaire expérimental de 4.20 D en bon accord avec la valeur de 4.12 D calculée pour cette même conformation en utilisant les moments de liaison suivants: C-Br = 1.9D et C=O:2.9D.

L'ensemble des phénomènes expérimentaux, et en particulier l'étude de la stéréochimie des couplages à longue distance avaient conduit à attribuer à la cétone dibromée une conformation chaise aplatie ayant les deux bromes axiaux en tout point semblable à celle obtenue par le calcul.<sup>43</sup>

D'une façon générale, l'examen des tableaux et des figures correspondant à ces ensembles de calcul montre que pour une conformation et une configuration données, on peut obtenir des minima énergétiques très différents suivant les paramètres utilisés. Malgré ces différences d'énergies, les géométries correspondantes sont très voisines. Ceci montre très nettement que dans ce type de calcul, on peut accorder un crédit relativement grand aux résultats géométriques, mais qu'il faut être très prudent en ce qui concerne les données énergétiques.

A ce niveau il nous a paru intéressant de comparer les résultats de nos calculs pour différents dérivés bromés, présentant des situations opposées dans le cadre de la théorie de l'effet réflexe.<sup>33a, 43</sup>

En ce qui concerne les dérivés monobromés, les différences d'énergie mentionnées dans le Tableau X concernent évidemment des équilibres conformationnels. Dans le cas du dérivé monobromé de la cyclohexanone et de la bicyclo[3.2.1]octanone -3, les conformères à brome axial sont favorisés, mais le brome axial est nettement plus favorisé ( $W_{ax} - W_{eq} = -1.33$ ) dans la bromo -2 bicyclo[3.2.1]octanone -3 à cause de l'effet de pincement dû au pont éthane qui stabilise les groupements axiaux de l'autre côté du cycle (effet anti-réflexe). Dans le cas de la tétraméthyl -3,3,5,5 cyclohexanone, le conformère à brome axial est moins favorisé ( $W_{ax} - W_{eq} = -0.41$ ) à cause de l'effet d'écartement des méthyles axiaux qui déstabilise les groupements axiaux de l'autre côté du cycle (effet réflexe).

Pour ce qui est des dérivés dibromés, les différences d'énergies rapportées dans le Tableau X concernent des équilibres chimiques. C'est ainsi que l'on constate que dans le cas de la tétraméthyl -3,3,5,5 cyclohexanone l'isomère diéquatorial est nettement plus favorisé par rapport à l'isomère diaxial ( $W_{di_{ax}} - W_{di_{eq}} = 2.22$  kcal) que ce n'est le cas dans la cyclohexanone, ( $W_{di_{ax}} - W_{di_{eq}} = 1.47$  kcal). Ceci est dû à l'effet réflexe. Par contre l'effet anti-réflexe stabilise l'isomère ayant deux bromes axiaux dans le cas de la bicyclo[3.2.1]octanone ( $W_{di_{ax}} - W_{di_{eq}} = -0.96$  kcal). Etant donné la différence d'énergie relativement faible entre les deux isomères, on peut penser pouvoir observer le dérivé diéquatorial dans des conditions d'équilibre. L'expérience et le calcul montrent en fait que le dérivé *trans*, sous la conformation chaise, est plus stable (Energie = 28.086 kcal, Tableau XI) que le dérivé diéquatorial (Energie = 28.157 kcal, Tableau IX).

Il est évident que pour faire cette dernière comparaison on est obligé d'utiliser les valeurs données par le calcul à 34 variables avec les paramètres Ab, qui montrent d'ailleurs que l'isomère diaxial reste toujours le plus stable (Energie = 27.424 kcal).

### trans Dibromo -2,4 bicyclo[3.2.1]octanone -3 (Fig. 9, Tableau XI) (34 variables).

Les calculs sont effectués avec les paramètres Ab. Les bromes sont en 10 et en 17 (Fig. 3). Comme nous venons de le voir, les résultats montrant la stabilité relative des divers dérivés dibromés sont les plus intéressants. Les données expérimentales

					Conforn	lations chaise				
,	P data and the second	Br	en 1018 (dieq)			No construction of the second s		Br en 9-17 (diax)		
	Ab	Ab	Aa	Bb	Ba	Ab	Ab	Aa	Bb	Ba
Dièdres 0 - C-C-Fo	48-17	15-03	13.73	70.77	75.00	50-75	33.86	74.08	27.42	16.07
0 = C - C - Ax	65-38	101-30	102.96	85.34	89.38	64-48	91-16	91.14	77-41	78-92
Energie*	28-157	26-237	23-936			27.424	25-284	23-218		
2W	32-591	29-200	26-855	29-279	27.150	30-458	28·286	26-196	29-481	27-400
W.L	4.434	2-963	2.919			3-034	3.002	2-978		
Wa	4-592	4-151	1-092	4·288	1-451	2-851	4-438	1-518	3-905	0-987
Wb	10-586	9-515	10-123	10-027	10-240	10-269	9-623	10-344	10-018	10-742
Wd	860-6	6-654	6-770	7-965	8-399	9-349	6·865	6-937	7.556	7-695
Wdp	8-316	8-881	8.870	7-000	7-061	7-989	7-361	7-396	8-001	LT9-T
Angle 2-3-4	120-47	116-71	116-71	118-50	117-86	120-64	117-39	116-60	118-97	118-82
Dièdres 5-6-7-1	3-023	0	0	0	0	3-096	0	0	0	0
Vc=0		-1740et	1750 cm <sup>-1</sup>	and the second		-1725 cm <sup>-1</sup>	1716à	1720 à	$1728 \mathrm{cm}^{-1}$	$1728 \text{ cm}^{-1}$
: 9							$1730  \mathrm{cm}^{-1}$	1735 cm <sup>-1</sup>		
٥Ħ	5-078D	5-173D	5-156D			4-879D	4-117D	4·139D		
Åmax	309 nm	270 nm	270 nm	281 nm	277 nm	331-5 nm	347 nm	348 nm	337 nm	338-5 nm
8	173-5°	142-12	141-31			175°	146-47°	147·25°		
B	108°	110-54°	109-83			108°	109-76°	109-15°		
۰ ۸	111°	114-24°	114-83°			114°	115·21°	115.85"		
Ş	<b>14</b> 1°	135-22°	135-34°			138°	135-03°	135-00°		
	34		12 varie	ables	over an and a second	34	lerne valdelige het die eine de la die	12 varial	bles	An other and the second s
	variables					variables				
			and the second		and the second	An and the second s				

TABLEAU IX. (cis DIBROMO-2,4 BICYCLO[3.2.1]OCTANONE-3)

3430

### J. FOURNIER et B. WARGELL

		Ba	56-59	56-70		28-326		3-083	10-994	7-704	6-545	119-49	0	<b>.</b>		313 nm						
		Bb	56.73	57-48		28·715		3-876	10-557	7-738	6-545	119-57	0			313 nm					ables	
	r en 9-17 (dieq)	Aa	55-84	56.98	28·222	31-056	2-834	2-320	11-360	9-194	8·181	119-54	0		4-994D	312 nm	178-82°	110-70°	113-66°	135-64°	12 vari	
	æ	Ab	56-41	56-94	28-965	31-792	2-827	3.765	10-695	9-180	8-153	119-73	0		4-984D	313 nm	179-53°	110-10°	113-60°	136-30°	and the second se	
eau		ЧР	52-41	62-98	28·680	31-594	2-914	2.865	10-282	10-092	8·356	120-80	3·11°	-1730 cm <sup>-1</sup>	5-081D	307-5 nm	174°	$108^{\circ}$	113-5°	138·5°	34	variables
formations bat		Ba	55-75	57-01		32.851		5-573	10-982	7-754	8-542	119-54	0			313-5 nm						
Con	(	Bb	55-93	56-72		34-030		6.847	10-948	7-666	8-568	119-52	0			313 nm					ables	
	en 10–18 (diax	Aa	55-21	57-28	28-299	33-131	4-832	4-791	11-152	9-133	8-053	119-61	0	environ	4-957D	314 nm	179.81°	110-52°	113-51°	135-98	12 varia	
	B	Ab	56-03	56-24	29-949	34-819	4.870	6-521	11-138	9-133	8-026	119-51	0		4-942D	312-5 nm	178-92°	110-63	113-51°	135.85°		
		Ab	56·66	56-90	29-140	33-460	4-320	4-518	11-370	9-574	7-998	121-06	4-065	1725 cm <sup>-1</sup> .	4-942D	313 <sup>.</sup> 5 nm	178°	110-5	111-5°	138°	34	variables
			Dièdres 0 = C-C-Eq	0 = C - C - Ax	Energie*	ΣW	W <sub>L</sub>	Wa	Wb	Мd	Wdp	Angle 2-3-4	Dièdres 5-6-7-1	Vc=0	η Π	λ	8	B	. ~	\$		

\* Voir le Tableau V pour la signification des termes. Energie =  $\Sigma W - W_L \cdot$   $\Sigma W = Wa + Wb + Wd + Wdp$   $\alpha$  angle sur la projection dans le plan yz  $\beta$  2-1-7  $\gamma$  2-1-8  $\delta$  7-1-8

Calculs de conformation sur les systemes tendus

dans l'IR et dans l'UV<sup>43</sup> sont respectivement  $v_{C=0} = 1735$  cm et  $\lambda_{max} = 306$  nm. Elles sont en bon accord avec les valeurs calculées, mais ne permettent pas de distinguer entre la conformation chaise et la conformation bateau. Ceci n'est pas étonnant si l'on considère que le caractère axial et équatorial des liaisons est fortement atténué dans ces systèmes. En fait expérimentalement, c'est surtout la RMN qui a permis de mettre en évidence le dérivé *trans*. Les moments dipolaires calculés avec  $\mu_{C=0} = 2.9D$ ,  $\mu_{C-Brax} = 2D$ ,  $\mu_{C-Breq} = 2.1D$  sont relativement différents, mais il n'y a pas de valeur expérimentale, le produit étant trop instable, pour qu'on dispose de grandes quantités suffisamment pures.



FIG 9

#### CONCLUSION

Pour contrôler les résultats de calculs, on peut disposer de renseignements expérimentaux concernant la structure et l'énergie.

Les informations structurales proviennent de l'application des méthodes de diffraction, des méthodes spectroscopiques, de la mesure de moments dipolaires et d'études de réactivité.

La diffraction des rayons X est utilisée essentiellement pour les solides, donc en phase condensée, quand les interactions intermoléculaires sont importantes. Les informations recueillies ne sont donc pas comparables aux résultats de calculs qui supposent la molécule isolée. La diffraction électronique en phase vapeur ne permet pas de déceler les atomes légers. Les spectres demandent une interprétation et les différents auteurs ne sont pas toujours conduits à des résultats concordants.<sup>45,46</sup> La diffraction des neutrons remédie à cet inconvénient mais les difficultés expérimentales sont grandes et la méthode n'est utilisée que pour la localisation des atomes d'hydrogène dans les structures connues par ailleurs par diffraction X.

Aucun résultat obtenu par ces méthodes n'est connu concernant les molécules étudiées ici.

	Cyclohe α'α' Di	exanone bromée	Tetrameth Cyclohexanor	yl – 3,3,5,5 1e 2a' Dibromé	Bicyclo [3.2.1] e aa' Dit	Octanone – 3 promée
	di ax	di ea	di ax	di ea	di ax	di ea
ΣW	10.68	8.95	28.57	25.18	28.29	29.20
- W,	2.72	2.44	1.38	0.21	3.00	2.96
$\Sigma W - \tilde{W}_{I} = W$	7.96	6.49	27.19	24.97	25.28	26.24
$W_{\rm diax} - W_{\rm dieq}$	1.4	<b>4</b> 7	2.	22	-(	<del>) 96</del>
	Cyclohe a Bro	exanone omée	Tetrameth Cyclohexano	yl – 3,3,5,5 one α Bromée	Bicyclo [3.2.1] α Br	Octanone – 3 omée
	ax	eq	ax	eq	ax	eq
ΣW	5.77	6.02	26.65	25.95	24.90	26.84
$W_{L}$	1.87	<b>1</b> ·24	1.23	0-12	1.58	2.19
$W = \Sigma W - W_L$	3.89	4.78	25.41	25.82	23.32	24-65
$W_{\rm ax} - W_{\rm eq}$	-(	<del>)</del> 89	-0-	41	- 1	1.33

TABLEAU X.	(EFFETS REFLEXE ET	ANTI-REFLEXE)
------------	--------------------	---------------

Il n'est fait état d'aucun spectre de microondes. Les autres méthodes spectroscopiques (IR, UV, RMN) et la mesure de moments dipolaires donnent des résultats qui ne sont liés aux paramètres purement structuraux d'une molécule que par des relations quantitatives discutées. Ce sont les seuls moyens de contrôle dont nous avons disposé, avec les résultats de réduction des cétones et bromocétones en alcools. Nous préparons une étude analogue sur la stéréochimie des alcools de cette série.

Les chaleurs de formation et les constantes d'équilibre entre conformères ou isomères ne sont pas connues.

Des calculs préliminaires<sup>2</sup> de molécules pour lesquelles on dispose de résultats de diffraction et de données énergétiques ont conduit à des modèles en accord satisfaisant avec les informations expérimentales. Ce sont les progrès des méthodes physiques qui peuvent permettre d'affiner la méthode de calcul. Dans la mesure où celle-ci conduit à des résultats qui sont dans les limites d'erreur de l'expérience pour un certain nombre de cas, on peut accorder un égal crédit aux résultats obtenus par le calcul quand on ne dispose pas des mêmes moyens de contrôle expérimentaux.

Nous avons montré que la géométrie était relativement peu sensible au jeu de fonctions utilisé; on peut en conclure que les résultats géométriques sont plus sûrs que les résultats énergétiques. Mais des valeurs assez différentes des énergies peuvent correspondre aux mêmes géométries. C'est donc que la géométrie ne constitue pas un bon moyen de contrôle pour le choix des paramètres de calcul. On peut regretter que les résultats expérimentaux soient rares.

		CONFORM	AATION CHA	VISE				CONFORM	ATION BATI	EAU	
		Coordonnées		An	gles			Coordonnées		An	gles
	×	y	2		a management of the second secon		X	*	z		
ς Γ	0	0	0	2.3.4	120-43°	[ [	0	0	0	2.3.4	119-93°
7	1.311	0-750	0	3.2.1	114-34°	7	1-307	0-756	0	3.2.1	114-56°
1	1.171	2·268	0-186	2.1.8	108-65°	1	1-164	2.279	-0.137	2.1.8	109-15°
<b>30</b>	0-010	2:767	-0-692	3.4.5	114-41°	8	-0-008	2.592	- 1.093	3.4.5	114-75°
ŝ	- 1-171	2-271	0-161	1.7.6	105-29°	S	- 1.170	2.279	-0142	1.7.6	105-21°
4	-1.311	0-750	0	5.6.7	104-94°	4	-1.307	0-756	0	5.6.7	104-70°
10	2-518	-0-004	1-318	1.8.5	<del>66</del> -10°	10	2.357	0-283	1-562	1.8.5	98-61°
6	1-822	0-562	0-978	7.1.11	111-01	6	1-929	0-384	-0.854	7.1.11	110-19
7	0-751	2.630	1-622	2.1.11	110-17°	7	0-760	2-939	1.193	2.1.11	$110-20^{\circ}$
11	2.116	2:776	-0-091	8.1.11	110-64°	11	2.109	2·720	-0-511	8.1.11	110-81°
20	0-012	3-853	-0-774	10.2.9	104-11°	20	-0-002	3-642	- 1·383	10-2-9	103-45°
19	0-017	2:314	-1-682	19.8.20	110-30°	19	0	1-957	- 1-977	19.8.20	110-22°
Ŷ	-0-787	2-667	1-597	12.7.13	107-57°	9	-0779	2.916	1-203	12.7.13	107-82°
16	-2.113	2:781	-0123	2.1.7	111-74°	16	-2.116	2:722	-0.510	2.1.7	111.87°
18	-1-963	0-347	0-816	7.1.8	104-49°	18	-1.873	0-514	0-936	7.1.8	104-50°
17	-2.230	0-382	- 1-668	ฮ	173°	17	- 2:403	060-0	-1-456	8	175°

TABLEAU XI. (TRANS-DIBROMO-2,4 BICYCLO[3.2.1]OCTANONE-3) 34 VARIABLES

3434

## J. FOURNIER et B. WARGELL

110° 115-5° 134-5°	
α≻∞	) 59-21° 1-54°
2-055 1-236 2-045 1-264 0	cal/mole) 29.145 2.913 3.762 3.762 3.762 3.762 9.717 9.717 8.63 3.762 D 1.735 cm <sup>-1</sup> 3.20 nm D=C-C-Br17 D=C-C-Br17
2-407 3-965 2-341 3-931 - 1-225	Energie (k ΣUV 2U W <sup>L</sup> W <sup>L</sup> W <sup>A</sup> V <sup>C</sup> Dièdres ( Dièdres ( S
1·160 1·122 - 1·161 - 1·170 - 0·010	
12 13 15 21 21	
112° 111-5° 136-5°	
84 እ ወ	W - W <sub>1</sub> 543° 504°
2:350 1:890 2:329 1:816 0	$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\$
1.916 3.612 1.980 3.674 - 1.225	Energie (kcal/mo $\Sigma W$ 31.603 $W_1$ 3.517 $W_2$ 3.517 $W_2$ 3.517 $W_2$ 3.26 $W_2$ 8.972 $W_4$ 8.972 $W_4$ 8.611 $\mu_0$ 4.120 I $\gamma_{c=0}$ 1733 cr $\lambda_{max}$ 319 n Dièdres O=C Dièdres O=C
1.132 1.139 - 1.209 - 1.142 - 0-007	
12 13 14 21 21	

# Calculs de conformation sur les systemes tendus

La méthode de recherche du minimum<sup>2</sup> permet de connaitre la précision sur chaque variable. Lorsqu'une dérivée partielle n'est pas exactement nulle au minimum trouvé, si elle change de signe au dernier pas, on peut admettre comme incertitude absolue sur une variable la différence des valeurs numériques correspondant aux deux avant derniers pas, étant donné que cette dérivée partielle diminue en valeur absolue à mesure qu'on s'approche du minimum. Pour le cyclohexane, cette méthode conduit à une incertitude de 3" pour les angles, et 10<sup>-5</sup> kcal pour l'énergie.

Il se peut aussi que le minimum mathématique (dérivée partielle nulle) ne corresponde pas à une valeur physiquement acceptable pour une variable, par exemple une valeur numérique qui ne permettrait pas de fermer le cycle dans le cas de molécules cycliques.

Il ressort de ce travail que l'application de la méthode de Westheimer aux cétones bromées ou non, dérivées du bicyclo[3.2.1]octane donne des résultats en bon accord avec ce que l'on sait de l'expérience. En ce qui concerne les énergies, seules les valeurs comparatives peuvent être prises en considération. Nous avons montré qu'on peut accorder plus de crédit aux résultats géométriques qu'aux résultats énergétiques. Dans les molécules qui a priori possèdent un plan de symétrie, l'utilisation d'un programme qui n'impose pas cette symétrie, ne donne pas de précisions supplémentaires telles qu'elles justifient son emploi. En effet, la longueur des calculs et la difficulté de préciser le minimum énergétique croissent avec le nombre de variables.

Dans tous les cas, nous avons pu montrer que l'hydrocarbure et la cétone (carbonyle en 3) ainsi que les dérivés bromés correspondants, ont une conformation privilégiée où le cycle hexagonal est une chaise plus ou moins aplatie.

La théorie de l'Effet Antiréflexe est nettement confirmée, et le pincement dû au pont éthane entraine :

l'aplatissement du cycle hexagonal;

l'ouverture de l'angle en 3;

la perte du caractère axial ou équatorial des liaisons en  $\alpha$  du carbonyl en 3;

la stabilisation des substituants en  $\alpha \alpha$ 'lorsqu'ils sont axiaux;

une diminution de l'écart énergétique entre les conformations chaise et bateau du cycle hexagonal.

Ces calculs ont été effectués sur IBM 1130 et sur IBM 360-44 aux Centres de calcul numérique de Marseille St Jérôme et de Marseille-Luminy.

### **BIBLIOGRAPHIE**

<sup>1</sup> F. H. Westheimer, dans M. S. Newman, Ed., Steric Effects in Organic Chemistry, John Wiley, New York (1956)

<sup>2</sup> J. Fournier et B. Waegell, Tetrahedron, 26, 3195 (1970)

<sup>3</sup> B. Waegell et C. W. Jefford, Bull Soc. Chim. 844 (1964)

<sup>4</sup> P. Geneste et G. Lamaty, *Ibid.* 4456 (1967)

<sup>5</sup> J. B. Hendrickson, J. Am. Chem. Soc. 89, 7036, 7043 (1967)

<sup>6</sup> M. Hanack, Conformational Theory, Acad. Press, New York (1965)

<sup>7</sup> N. L. Allinger, M. A. Miller, F. A. VanCatledge, J. A. Hirsch, J. Am. Chem. Soc. 89, 4345 (1967)

- <sup>8</sup> G. H. Pauli, Ibid. 90, 6432 (1968)
- <sup>9</sup> A. Almenningen, O. Bastiansen et P. N. Skancke, Acta Chem. Scand. 15, 711 (1961); O. Bastiansen et P. N. Skancke, Adv. Chem. Phys. 3, 323 (1960)
- <sup>10</sup> M. I. Davis et O. Hassel, Acta Chem. Scand. 18, 813 (1964)
- <sup>11</sup> <sup>a</sup> D. R. Lide, J. Chem. Phys. 33, 1514, 1518 (1960); Tetrahedron 17, 125 (1962); <sup>b</sup> R. A. Bonham, L. S. Bartell et D. A. Kohl, J. Am. Chem. Soc. 81, 4765 (1959)

- <sup>12</sup> B. M. Mikhailov, Tetrahedron 21, 1277 (1965); M. Gosselin, J. Chim. Phys. 66, 769 (1969)
- <sup>13</sup> G. J. Gleicher et P. von R. Schleyer, J. Am. Chem. Soc. 89, 582 (1967)
- <sup>14</sup> N. L. Allinger, M. T. Tribble, M. A. Miller, D. H. Wertz, *Ibid.* 93, 1637 (1971)
- <sup>15</sup> T. Shimanouchi, Y. Abe et M. Mikami, Spectrochim. Acta 24A, 1037 (1968); E. L. Eliel, N. L. Allinger, S. J. Angyal et G. A. Morrison, Conformational Analysis, p. 112 Interscience (1965); J. P. Lowe, J. Chem. Phys. 45, 3059 (1966); S. S. Butcher et E. B. Wilson, Ibid. 40, 1671 (1964)
- <sup>16</sup> R. Nelson et L. Pierce, J. Mol. Spectr. 18, 344 (1965); J. D. Swallen et C. C. Costain, J. Chem. Phys. 31, 1562 (1959); C. Kato, S. Konaka, T. Iijima et M. Kimura, Bull. Soc. Chim. Japan 42, 2148 (1969)
- <sup>17</sup> P. von R. Scheyer et R. D. Nicholas, J. Am. Chem. Soc. 83, 182 (1961)
- <sup>18</sup> W. Moffitt, R. B. Woodward, A. Moscowitz, W. Klyne et C. Djerassi, *Ibid.* 83, 4013 (1961); G. W. Wheland, *Resonance in Organic Chemistry*, 166, John Wiley and Sons, Inc., New York (1955); Y. Ohnishi et K. Kozima, *Bull. Chem. Soc. Japan* 41, 1323 (1968)
- <sup>19</sup> A. Nickon, M. A. Castle, R. Naroda, C. E. Berkoff et R. O. Williams, J. Am. Chem. Soc. 85, 2185 (1963)
- <sup>20</sup> B. Waegell et G. Ourisson, Bull. Soc. Chim. Fr. 496 (1963)
- <sup>22</sup> C. F. Wilcox, J. Am. Chem. Soc. 82, 415 (1960)
- <sup>23</sup> R. N. Jones, D. A. Ramsay, F. Herling et K. Dobriner, *Ibid.* 74, 2828 (1952); R. N. Jones, *Ibid.* 75, 4839 (1953)
- <sup>24</sup> E. J. Corey, *Ibid.* **75**, 2301, 2397, 4832 (1953); E. J. Corey, T. H. Topie et W. A. Wozniak, *Ibid.* **77**, 5415 (1955); E. J. Corey, H. J. Burke, *Ibid.* **77**, 5418 (1955)
- <sup>25</sup> J. Allinger et N. L. Allinger, Tetrahedron 2, 64 (1958); N. L. Allinger et J. Allinger, J. Am. Chem. Soc. 80, 5476 (1958); N. L. Allinger, J. Allinger, L. A. Freiberg, R. F. Czaja et N. A. Le Bel, Ibid. 82, 5877 (1960)
- <sup>26</sup> W. D. Kumler et A. C. Huitric, *Ibid.* 78, 3369 (1956)
- <sup>27</sup> J. Fishman, J. Org. Chem. 27, 1745 (1962)
- <sup>28</sup> F. V. Brutcher, T. Roberts, S. J. Barr et N. Pearson, J. Am. Chem. Soc. 78, 1507 (1956); 81, 4915 (1959)
- <sup>29</sup> R. C. Cookson, J. Chem. Soc. 282 (1954); R. C. Cookson et S. H. Dangegaonker, Ibid. 352 (1955)
- <sup>30</sup> A. Julg, J. Chem. Phys. 58, 453 (1956)
- <sup>31</sup> E. J. Corey, J. Am. Chem. Soc. 76, 175 (1954)
- <sup>32</sup> J. Meinwaldet A. Lewis, *Ibid.* 83, 2769 (1961); A. Rassat, C. W. Jefford, J. M. Lehn et B. Waegell, *Tetra*hedron Letters 233 (1964); C. W. Jefford et B. Waegell, *Bull. Soc. Chim. Belges* 79, 427 (1970)
- <sup>33</sup> J. M. Lehn et G. Ourisson, Bull. Soc. Chim. 1113 (1963)
- <sup>34</sup> L. G. G. Goaman et D. F. Grant, Acta Cryst. 17, 1604 (1964)
- <sup>35</sup> L. C. G. Goaman et D. F. Grant, Tetrahedron 19, 1531 (1963)
- <sup>36</sup> P. Laslo et A. Speert, Comm. à la 156ème réunion de l'Am. Chem. Soc., Atlantic City, 8-13 Sept. (1968)
- <sup>37</sup> B. Waegell, P. Pouzet et G. Ourisson, Bull. Soc. Chim. 1821 (1963)
- <sup>38</sup> H. Piotrowska, W. Wojnarowski, B. Waegell et G. Ourisson, Ibid. 3511 (1965)
- <sup>39</sup> J. F. Biellmann, R. Hanna, G. Ourisson, C. Sandris et B. Waegell, Ibid. 1429 (1960)
- <sup>40</sup> B. Waegell et G. Ourisson, *Ibid* 495 (1963)
- <sup>41</sup> M. Fetizon, J. Goré, P. Laslo et B. Waegell, J. Org. Chem. 31, 4047 (1966)
- <sup>42</sup> Dang Quoc Quan, C.R. Acad. Sc. Paris, Ser. C, 267, 1074 (1968)
- <sup>43</sup> C. W. Jefford et B. Waegell, Tetrahedron Letters 1981 (1963)
- 44 G. Dallinga et M. L. H. Toneman, Rec. Trav. Chim, Pays. Bas. 88, 185 (1969)
- 45 M. I. Davis et O. Hassel, Acta Chem. Scand. 17, 1181 (1963)
- <sup>46</sup> H. R. Buys et H. J. Geise, Tetrahedron Letters 2991 (1970)